

SUITES ARITHMÉTIQUES

Une suite u est arithmétique si

$$\bullet u_{n+1} = u_n + r \Leftrightarrow u_{n+1} - u_n = r$$

Terme de rang n

$$\bullet u_n = u_0 + n \times r \quad (u_0 \text{ premier terme})$$

$$\bullet u_n = u_1 + (n - 1) \times r \quad (u_1 \text{ premier terme})$$

$$\bullet u_n = u_p + (n - p) \times r \quad (\text{cas général})$$

Somme des termes de rang n

$$\bullet S_n = u_0 + u_1 + u_2 \dots + u_n = (n + 1) \times \frac{(u_0 + u_n)}{2}$$

$$\bullet S_n = u_1 + u_2 \dots + u_n = n \times \frac{(u_1 + u_n)}{2}$$

$$\bullet S_n = \text{nombre de termes} \times \frac{(\text{premier terme} + \text{dernier terme})}{2}$$

SUITES GÉOMÉTRIQUES

Une suite v est géométrique si

$$\bullet v_{n+1} = q \times v_n \Leftrightarrow \frac{v_{n+1}}{v_n} = q$$

Terme de rang n

$$\bullet v_n = v_0 \times q^n \quad (v_0 \text{ premier terme})$$

$$\bullet v_n = v_1 \times q^{n-1} \quad (v_1 \text{ premier terme})$$

$$\bullet v_n = v_p \times q^{n-p} \quad (\text{cas général})$$

Somme des termes de rang n

$$\bullet S_n = v_0 + v_1 + v_2 \dots + v_n = v_0 \times \frac{1 - q^{n+1}}{1 - q} = v_0 \times \frac{q^{n+1} - 1}{q - 1}$$

$$\bullet S_n = v_1 + v_2 \dots + v_n = v_1 \times \frac{1 - q^n}{1 - q} = v_1 \times \frac{q^n - 1}{q - 1}$$

$$\bullet S_n = \text{premier terme} \times \frac{(1 - q^{\text{nombre de termes}})}{1 - q} = \text{premier terme} \times \frac{(q^{\text{nombre de termes}} - 1)}{q - 1}$$